

Adaptation de puissance – Corrigé Exercice 1

En appliquant le théorème de Thévenin au schéma de la *Figure I-a*, son équivalent vu depuis les bornes *a* et *b* peut être réduit à une source de tension idéale U_0 mise en série avec une résistance interne R_i (*Figure I-b*). Le courant I_L qui traverse alors la charge R_L est donné par :

$$I_L = \frac{U_0}{R_i + R_L} \quad (1) \quad \text{et} \quad U_{ab} = I_L \cdot R_L \quad (2)$$

En combinant les équations (1) et (2), on trouve la relation cherchée entre U_{ab} et R_L :

$$U_{ab} = \frac{R_L}{R_i + R_L} \cdot U_0 \quad (3)$$

Remarque : Le même raisonnement peut être fait en appliquant le théorème de Norton (source de courant idéale I_0 mise en parallèle avec une résistance interne R_i).

On constate que si la résistance interne R_i de la source de tension est négligeable devant la charge R_L , on retrouve une source de tension idéale de valeur U_0 :

$$R_i \ll R_L \quad \mapsto \quad \frac{R_L}{R_i + R_L} = 1 \quad \mapsto \quad U_{ab} \approx U_0$$

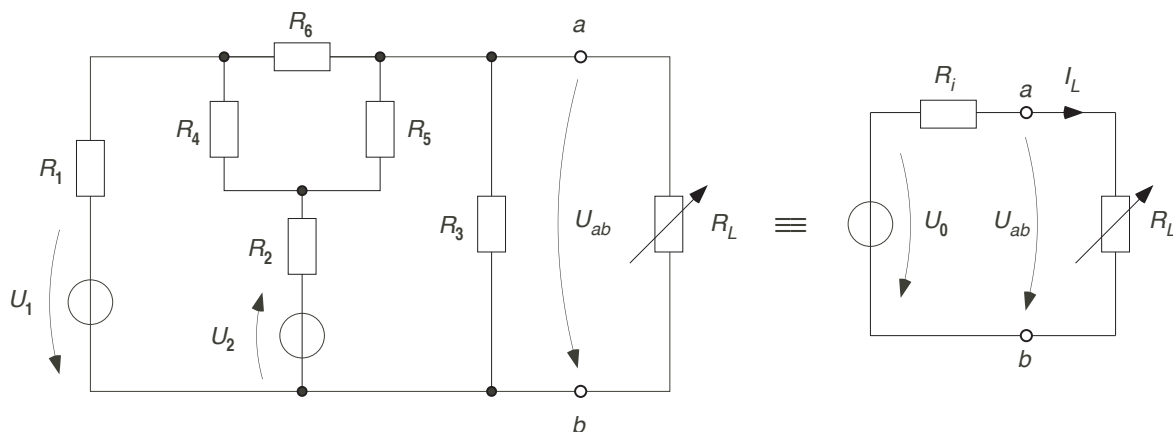


Figure I-a

Figure I-b

Comme dans le cas d'exercices précédents, lors du calcul des grandeurs U_0 et R_i , on sera amené à utiliser d'autres transformations des schémas équivalents. Sur le schéma de la *Figure I-a*, on a :

$$R_j = R \quad \text{avec : } j = 1, 2, 3, 4, 5, 6. \quad (4)$$

1) Tension à vide U_0 (tension aux bornes de la source lorsque $I_L = 0$) :

Elle est la même que la tension aux bornes de la résistance R_3 . Pour la connaître, calculons le courant I_3 qui la traverse. Alors :

$$U_0 = I_3 \cdot R_3 \quad (\text{Figure II-a}) \quad (5)$$

Sur la branche du milieu (Figure I-a), appliquons la transformation Π -T aux résistances R_4, R_5, R_6 , ce qui donne le schéma de la Figure II-b. Après réduction (deux fois la mise en série de résistances), on arrive au schéma de la Figure II-c.

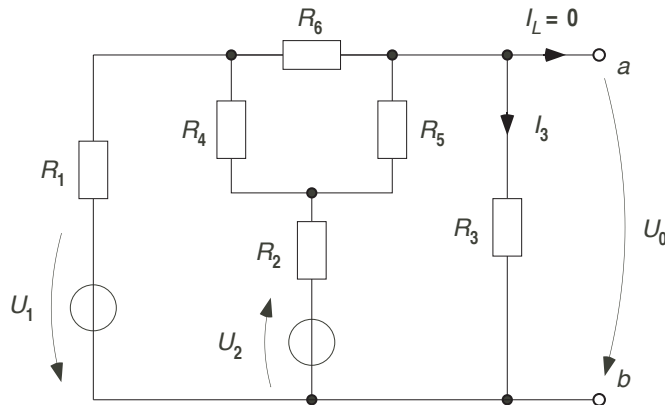


Figure II-a :

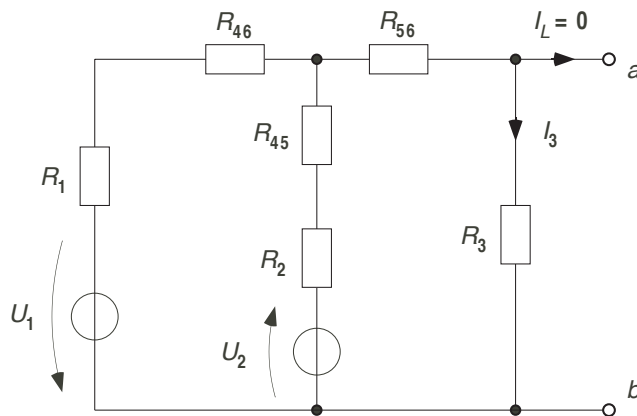


Figure II-b :

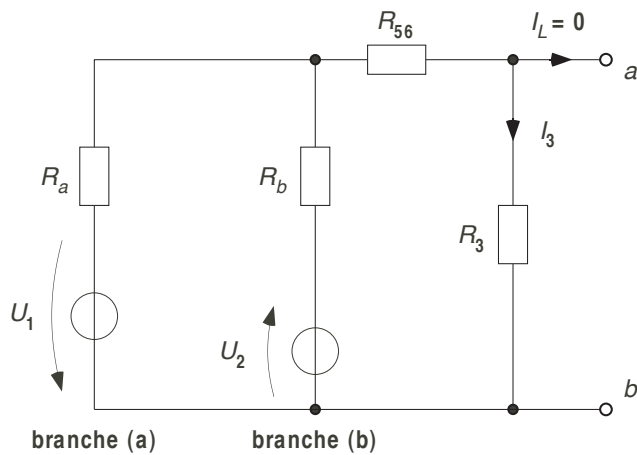


Figure II-c :

Les différentes résistances sont :

$$R_{45} = R_{46} = R_{56} = \frac{1}{3}R \quad (6) \quad \text{et} \quad R_a = R_b = \frac{4}{3}R \quad (7)$$

On utilise encore la transformation STR \mapsto SCR appliquée aux branches (a) et (b) de la Figure II-c ; d'où la Figure III-a, avec :

$$I_1 = \frac{U_1}{R_a}, \quad \text{A. N.} : I_1 = \frac{15}{4R} \text{ [A]} \quad \text{et} \quad I_2 = \frac{U_2}{R_b}, \quad \text{A. N.} : I_2 = \frac{21}{4R} \text{ [A]} \quad (8)$$

La réduction des résistances R_a et R_b et des sources I_1 et I_2 nous mène à la Figure III-b, d'où :

$$I_{12} = I_1 - I_2, \quad \text{A. N.} : I_{12} = -\frac{3}{2R} \text{ [A]} \quad \text{et} \quad R_{ab} = R_a // R_b = \frac{2}{3}R \quad (9) \text{ et } (10)$$

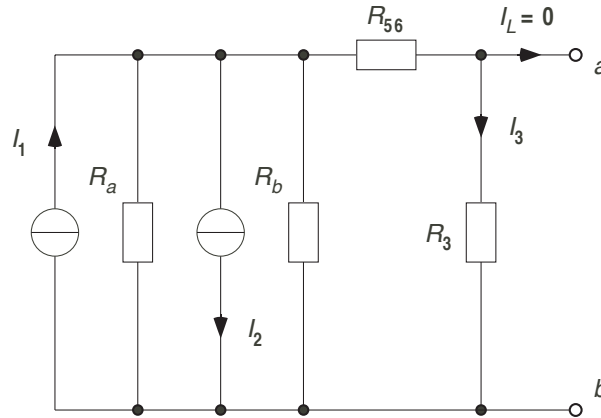


Figure III-a :

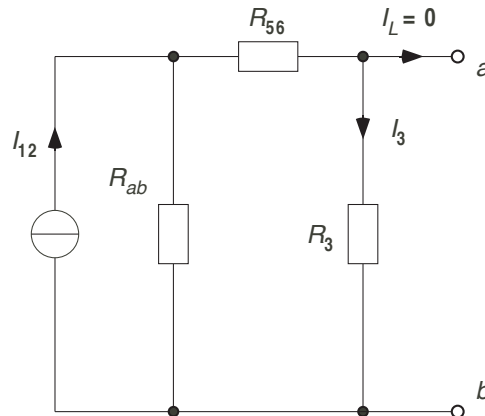


Figure III-b :

Appliquer de nouveau la transformation SCR \mapsto STR et on obtient finalement le schéma de la Figure IV, avec :

$$U_3 = R_{ab} \cdot I_{12}, \quad \text{A. N.} : U_3 = -1 \text{ V} \quad (11)$$

Le courant cherché I_3 est alors donné par :

$$I_3 = \frac{U_3}{R_{ab} + R_{56} + R_3}, \quad \text{A. N.} : I_3 = -\frac{1}{2R} \text{ [A]} \quad (12)$$

Finalement avec les équations (5) et (12), on trouve :

$$U_0 = R_3 \cdot I_3, \quad \text{A. N. : } U_0 = -0.5 \text{ V} \quad (13)$$

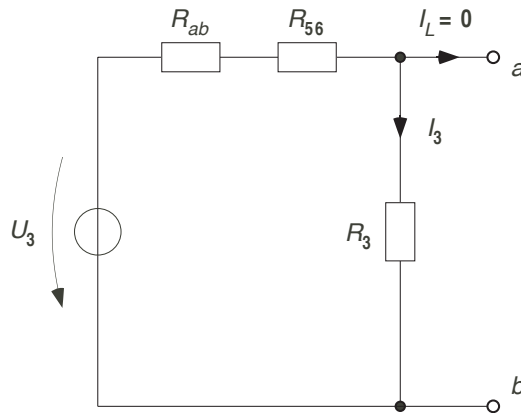


Figure IV :

2) Résistance interne R_i :

En partant du schéma déjà simplifié de la *Figure IV*, la résistance interne R_i est égale à la résistance équivalente vue depuis la charge après l'annulation de toutes les sources idéales (voir exercice précédent) :

$$R_i = \frac{R_3(R_{ab} + R_{56})}{R_3 + (R_{ab} + R_{56})}, \quad \text{A. N. : } R_i = \frac{R}{2} \quad (14)$$

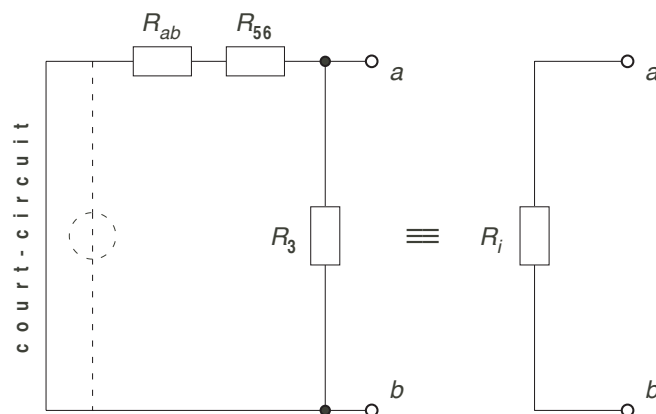


Figure V :

3) Adaptation d'impédance :

On calcule finalement la tension U_{ab} à l'adaptation, pour $R = 1\text{k}\Omega$, avec les équations (3) et (13) et sachant qu'à l'adaptation $R_i = R_L$, on trouve :

$$U_{ab} = \frac{R_L}{R_i + R_L} \cdot R_3 \cdot I_3 = \frac{1}{2} \cdot R_3 \cdot I_3, \quad \text{A. N. : } U_{ab} = -0.25 \text{ V} \quad (15)$$

.